

1. Olkoon  $G = (N, T, P, S)$  CF-kielioppi, missä  $N = \{S, A, B\}$ ,  $T = \{a, b\}$  ja  $P = \{S \rightarrow AB, A \rightarrow Aab|a, B \rightarrow aBB|b\}$ . Osoita, että  $G$  on moniselitteinen.  
(Anna sana  $w \in L(G)$ , ja sen kaksi erilaista jäsenyspuuta.)
2. Olkoon  $G = (N, T, P, S)$  CF-kielioppi, missä  $N = \{S\}$ ,  $T = \{(, )\}$  ja  $P = \{S \rightarrow \varepsilon|(S)|(SS)\}$ . Osoita, että  $G$  on yksiselitteinen.
3. Olkoon  $G = (N, T, P, S)$  CF-kielioppi, missä  $N = \{S, A, B\}$ ,  $T = \{a, b\}$  ja  $P = \{S \rightarrow A|B, A \rightarrow B|AA|a, B \rightarrow b\}$ . Muodosta kielioppi  $G'$  s.e.  $L(G') = L(G)$  ja  $G'$  ei sisällä yhtään yksikkösääntöä.
4. Tarkastellaan taas CF-kieloppia  $G = (N, T, P, S)$ , missä  $N = \{S\}$ ,  $T = \{0, 1\}$  ja  $P = \{S \rightarrow 0|0S|1SS|S1S|SS1\}$  (ks. H5 teht 5). Anna Chomskyn normaalimuodossa oleva kielioppi  $G'$  s.e.  $L(G') = L(G)$ .
5. Olkoon  $G$  edellisen tehtävän kielioppi. Muodosta pinoautomaatti  $M$ , joka tunnistaa kielen  $L(G)$ .
6. Muodosta pinoautomaatti  $M$ , joka tunnistaa palindromikielen  $L = \{w \in \{a, b\}^* \mid w \text{ on palindromi}\}$ .
7. Olkoon  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, S, Z, \delta, F)$  pinoautomaatti, missä  $Q = \{q, r\}$ ,  $\Sigma = \{0, 1\}$ ,  $\Gamma = Z = \{X\}$ ,  $S = \{q\}$ ,  $F = \{r\}$ , ja  $\delta(q, 0, X) = \{(q, XXX)\}$ ,  $\delta(q, 1, X) = \{(r, \varepsilon)\}$ ,  $\delta(r, 0, X) = \emptyset$  ja  $\delta(r, 1, X) = \{(r, \varepsilon)\}$ . Mikä on automaatin  $M$  tunnistama kieli  $L(M)$ ?